

Partielle Ableitung:

$$\partial_{x_j} f(x_0) := \partial_j f(x_0) := \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h e_j) - f(x_0)}{h}$$

Jacobi-Matrix: $f = \begin{pmatrix} f_1 \\ \vdots \\ f_m \end{pmatrix} : D \rightarrow \mathbb{R}^m$ in x_0 diffbar

$\Rightarrow f'(x_0)(v) = J_f(x_0)v$ für $v \in \mathbb{R}^d$ mit

$$J_f(x_0) = \begin{pmatrix} \partial_1 f_1(x_0) & \partial_2 f_1(x_0) & \dots & \partial_d f_1(x_0) \\ \partial_1 f_2(x_0) & \partial_2 f_2(x_0) & \dots & \partial_d f_2(x_0) \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ \partial_1 f_m(x_0) & \partial_2 f_m(x_0) & \dots & \partial_d f_m(x_0) \end{pmatrix}.$$

Taylor-Entwicklung:

$f :]a, b[\rightarrow \mathbb{R}$ $(n+1)$ -Mal stetig diffbar, $x_0 \in]a, b[$
und $x \in]x_0, b[$. Dann: $\exists \xi \in]x_0, x[$:

$$f(x) = \sum_{j=0}^n \frac{f^{(j)}(x_0)}{j!} (x - x_0)^j + \frac{f^{(n+1)}(\xi)}{(n+1)!} (x - x_0)^{n+1}$$