

3.1 Def: 1) $\gamma \in C^1([a, b] \rightarrow \mathbb{C})$ heißt **Weg** von $\gamma(a)$ nach $\gamma(b)$. Gilt $\gamma(a) = \gamma(b)$, so heißt γ **geschlossen**.

2) Ist $f : \gamma([a, b]) \rightarrow \mathbb{C}$ stetig, so heißt

$$\int_{\gamma} f(z) dz := \int_a^b f(\gamma(t)) \gamma'(t) dt$$

Integral von f längs γ .

3.4 Satz: $O \subseteq \mathbb{C}$ offen, $F : O \rightarrow \mathbb{C}$ differenzierbar, $f = F'$ in O . Ist $\gamma \in C^1([a, b] \rightarrow O)$, so gilt

$$\int_{\gamma} f(z) dz = F(\gamma(b)) - F(\gamma(a)).$$

3.6 Satz: γ Weg in \mathbb{C} , f stetig auf $\gamma([a, b])$.
Dann

$$\begin{aligned} \left| \int_{\gamma} f(z) dz \right| &\leq \int_a^b |f(\gamma(t))| |\gamma'(t)| dt \\ &\leq \max_{z \in \gamma([a, b])} |f(z)| \cdot \int_a^b |\gamma'(t)| dt. \end{aligned}$$