







**Aufgabe 8** (6 Punkte)

0  1  2  3  4  5  6

Wir betrachten die Quadrik  $Q = \{x \in \mathbb{R}^2 \mid x^T A x + 2 a^T x + c = 0\}$ .

(a) Seien  $A = \begin{pmatrix} 7 & -3 \\ -3 & -1 \end{pmatrix}$ ,  $a = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $c = -2$ .

Bestimmen Sie eine Diagonalmatrix  $D$  und eine orthogonale Matrix  $F$  mit  $D = F^T A F$ .

$D = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 8 \end{pmatrix}$        $F = \frac{1}{\sqrt{10}} \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$

Bestimmen Sie eine euklidische Normalform von  $Q$ :

$y_1^2 - 4y_2^2 + 1 = 0$

(b) Seien  $A = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $a = \begin{pmatrix} -12 \\ 5 \end{pmatrix}$ ,  $c = 36$ .

Bestimmen Sie eine euklidische Normalform von  $Q$ , sowie ein kartesisches Koordinatensystem, in dem  $Q$  diese Normalform annimmt.

Euklidische Normalform:

$\frac{4}{5}z_1^2 + 2z_2 = 0$

Koordinatensystem:

$\left( \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right)$

**Aufgabe 9** (5 Punkte)

0  1  2  3  4  5

Wir betrachten das Standardkoordinatensystem  $\mathbb{E} = (0; e_1, e_2, e_3)$  und ein weiteres affines Koordinatensystem  $\mathbb{F}$  für  $\mathbb{R}^3$ . Gegeben sei die Koordinatentransformation

${}_{\mathbb{E}}\kappa_{\mathbb{F}}: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3: v \mapsto \begin{pmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 0 & 12 & 5 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} v + \begin{pmatrix} 10 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}$  sowie  ${}_{\mathbb{F}}P = \begin{pmatrix} 11 \\ -4 \\ 8 \end{pmatrix}$ .

(a) Geben Sie das Koordinatensystem  $\mathbb{F}$  an und bestimmen Sie  ${}_{\mathbb{E}}P$ :

$\mathbb{F} = \left( \begin{pmatrix} 10 \\ 5 \\ 3 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 12 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix} \right)$ ,  ${}_{\mathbb{E}}P = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 14 \end{pmatrix}$ .

(b) Bestimmen Sie die Koordinatentransformation  ${}_{\mathbb{F}}\kappa_{\mathbb{E}}$ :

${}_{\mathbb{F}}\kappa_{\mathbb{E}}: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3: v \mapsto \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ -\frac{6}{5} & \frac{1}{5} & 0 \end{pmatrix} v + \begin{pmatrix} -3 \\ -5 \\ 11 \end{pmatrix}$ .

**Scheinklausur**

**Höhere Mathematik 1**

5. 2. 2022

Beachten Sie die folgenden **Hinweise**:

1  2  3  4

- **Bearbeitungszeit:** 90 Minuten
- **Erlaubte Hilfsmittel:** Zwei eigenhändig handbeschriebene Seiten DIN A4.
- Wer den Klausorraum vor Ende der Bearbeitungszeit endgültig verlässt, hat damit zu rechnen, dass seine Klausur als nicht bestanden gewertet wird.
- Eintragungen mit Bleistift oder Rotstift werden nicht gewertet.
- Die grau hinterlegten Kästchen dienen der Korrekturauswertung und sind freizulassen.
- Es wird nur die Angabe von Endergebnissen verlangt. Nebenrechnungen werden nicht gewertet und daher auch nicht eingesammelt.
- Folgende Werte der Winkelfunktionen könnten hilfreich sein:

$x$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\sin(x)$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos(x)$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0

*Viel Erfolg!*

**Aufgabe 1** (1 Punkt)

0  1

Kodieren Sie in den Feldern Ihre Matrikelnummer und Ihre Übungsgruppennummer, indem Sie die entsprechenden Kästen ausfüllen. Tragen Sie außerdem Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer in die unten stehenden Felder ein.

**Matrikelnummer:**

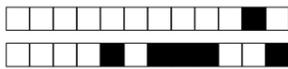
<input type="checkbox"/> 0							
<input type="checkbox"/> 1							
<input type="checkbox"/> 2							
<input type="checkbox"/> 3							
<input type="checkbox"/> 4							
<input type="checkbox"/> 5							
<input type="checkbox"/> 6							
<input type="checkbox"/> 7							
<input type="checkbox"/> 8							
<input type="checkbox"/> 9							

**Gruppe:**

<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0
<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1
<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2
<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3
<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4
<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5
<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6
<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7
<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8
<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9

**Name, Vorname:**

**Matrikelnummer:**



**Aufgabe 2** (4 Punkte)



Gegeben seien die Matrizen  $A = \begin{pmatrix} -1 & -7 & 2 \\ 0 & 6+i & 0 \\ 2 & -2+5i & -1 \end{pmatrix}$  und  $B = \begin{pmatrix} 3 & -1 & 3 \\ 1 & 3 & -2 \\ -2 & 2 & -2 \end{pmatrix}$ .

(a) Berechnen Sie:  $\det(A) = -18-3i$ ,  $\det(i \cdot A) = -3+18i$ .

(b) Entwickeln Sie die Determinante von  $B$  nach der 1. Spalte

$$\det(B) = 3 \cdot \det \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 2 & -2 \end{pmatrix} + (-1) \cdot \det \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 2 & -2 \end{pmatrix} + (-2) \cdot \det \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$$

und berechnen Sie  $\det(B) = 12$ .

**Aufgabe 3** (6 Punkte)



(a) Sei  $A = \begin{pmatrix} 10 & 3 \\ -12 & -2 \end{pmatrix}$ . Geben Sie das charakteristische Polynom von  $A$  als Produkt

von Linearfaktoren an:  $\chi_A(\lambda) = (\lambda - 4)(\lambda - 4)$ .

(b) Bestimmen Sie sämtliche Eigenwerte  $\mu$  sowie die zugehörigen geometrischen Vielfachheiten  $d_\mu$

von  $B = \begin{pmatrix} 17 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 17 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 17 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 17 \end{pmatrix}$ :  $\mu = \mu = 17$ ,  $d_\mu = d_\mu = 2$

(c) Gegeben sei die reelle Matrix  $C \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$  mit  $\text{Sp} C = 3$ , welche den Eigenwert  $\lambda_1 = 2 + i$  und die weiteren Eigenwerte  $\lambda_2, \lambda_3 \in \mathbb{C}$  besitzt. Bestimmen Sie  $\lambda_2$  und  $\lambda_3$ :

$$\lambda_2 = 2 - i, \quad \lambda_3 = -1$$

**Aufgabe 4** (2 Punkte)



Gegeben seien die Vektoren  $v_1 = (-1 \ 2 \ -2 \ 0)^T, v_2 = (-3 \ 1 \ -2 \ 2)^T \in \mathbb{R}^4$ .

Bestimmen Sie ein Orthonormalsystem  $F: f_1, f_2$  mit  $L(f_1) = L(v_1)$  und  $L(f_1, f_2) = L(v_1, v_2)$ :

$$f_1 = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad f_2 = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -2 \\ -1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$$

**Aufgabe 5** (3 Punkte)



Gegeben sei  $\varphi: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3: \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} \mapsto \frac{1}{9} \begin{pmatrix} 1 & -4 & -8 \\ -4 & 7 & -4 \\ -8 & -4 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -4 \\ -2 \\ -4 \end{pmatrix}$ .

Bestimmen Sie die Fixpunktmenge  $F_\varphi = \{x \in \mathbb{R}^3 \mid \varphi(x) = x\}$ :

$$F_\varphi = \left\{ \begin{pmatrix} -\frac{9}{2} \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \mid \lambda, \mu \in \mathbb{R} \right\}$$

**Aufgabe 6** (2 Punkte)



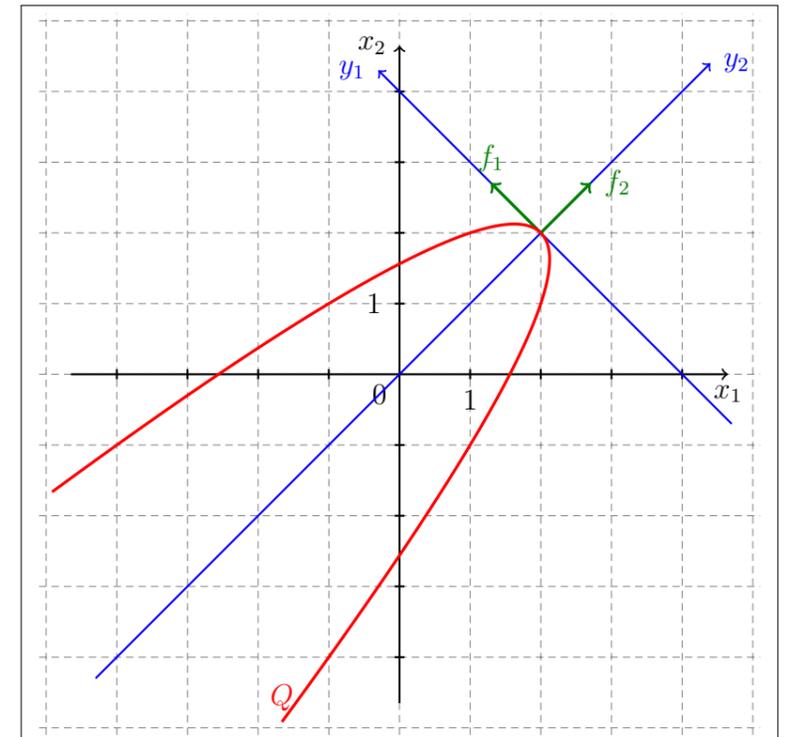
Bezüglich des Koordinatensystems

$$\mathbb{F} = \left( \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}; \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right)$$

sei die Quadrik  $Q$  beschrieben durch

$$2\sqrt{2}y_1^2 + 2y_2 = 0$$

Skizzieren Sie das Koordinatensystem  $\mathbb{F}$ , sowie die Quadrik  $Q$  in das Standardkoordinatensystem.



**Aufgabe 7** (2 Punkte)



Gegeben sei das zweischalige Hyperboloid  $Q = \{x \in \mathbb{R}^3 \mid 3x_1^2 + 9x_2^2 - 5x_3^2 + 1 = 0\}$

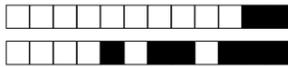
und die vom Parameter  $d \in \mathbb{R}$  abhängige Ebene  $E_d = \{x \in \mathbb{R}^3 \mid x_3 = d\}$ .

Bestimmen Sie jeweils alle  $d \in \mathbb{R}$  so, dass der Schnitt  $Q \cap E_d$  die angegebene Gestalt hat.

(a) Genau ein Punkt:  $d \in \left\{ -\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{1}{\sqrt{5}} \right\}$

(b) Eine Ellipse mit den Halbachsen  $h_1 = \sqrt{3}$  und  $h_2 = 1$ :  $d \in \{-\sqrt{2}, \sqrt{2}\}$





**Aufgabe 2** (4 Punkte)



Gegeben seien die Matrizen  $A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 2 \\ -3-4i & 2-3i & 3 \\ -1 & 0 & -2 \end{pmatrix}$  und  $B = \begin{pmatrix} -2 & -3 & -1 \\ 3 & 3 & 1 \\ -3 & -2 & -2 \end{pmatrix}$ .

(a) Berechnen Sie:  $\det(A) = 8 - 12i$ ,  $\det(i \cdot A) = -12 - 8i$ .

(b) Entwickeln Sie die Determinante von  $B$  nach der 1. Zeile

$$\det(B) = (-2) \cdot \det \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -2 & -2 \end{pmatrix} + 3 \cdot \det \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -3 & -2 \end{pmatrix} + (-1) \cdot \det \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ -3 & -2 \end{pmatrix}$$

und berechnen Sie  $\det(B) = -4$ .

**Aufgabe 3** (6 Punkte)



(a) Sei  $A = \begin{pmatrix} -7 & 5 \\ -10 & 8 \end{pmatrix}$ . Geben Sie das charakteristische Polynom von  $A$  als Produkt

von Linearfaktoren an:  $\chi_A(\lambda) = (\lambda - 3)(\lambda + 2)$ .

(b) Bestimmen Sie sämtliche Eigenwerte  $\mu$  sowie die zugehörigen geometrischen Vielfachheiten  $d_\mu$

von  $B = \begin{pmatrix} 27 & 4 & 0 & 0 \\ 0 & 27 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 27 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 27 \end{pmatrix}$ :  $\mu = \mu = 27$ ,  $d_\mu = d_\mu = 1$

(c) Gegeben sei die reelle Matrix  $C \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$  mit  $\text{Sp} C = -4$ , welche den Eigenwert  $\lambda_1 = -1 + i$  und die weiteren Eigenwerte  $\lambda_2, \lambda_3 \in \mathbb{C}$  besitzt. Bestimmen Sie  $\lambda_2$  und  $\lambda_3$ :

$$\lambda_2 = -1 - i, \quad \lambda_3 = -2$$

**Aufgabe 4** (2 Punkte)



Gegeben seien die Vektoren  $v_1 = (-2 \ -2 \ 0 \ -1)^T$ ,  $v_2 = (1 \ 2 \ -2 \ 3)^T \in \mathbb{R}^4$ .

Bestimmen Sie ein Orthonormalsystem  $F: f_1, f_2$  mit  $L(f_1) = L(v_1)$  und  $L(f_1, f_2) = L(v_1, v_2)$ :

$$f_1 = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}, \quad f_2 = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$$

**Aufgabe 5** (3 Punkte)



Gegeben sei  $\varphi: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3: \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} \mapsto \frac{1}{9} \begin{pmatrix} 7 & 4 & 4 \\ 4 & 1 & -8 \\ 4 & -8 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -2 \end{pmatrix}$ .

Bestimmen Sie die Fixpunktmenge  $F_\varphi = \{x \in \mathbb{R}^3 \mid \varphi(x) = x\}$ :

$$F_\varphi = \left\{ \begin{pmatrix} \frac{9}{2} \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \mid \lambda, \mu \in \mathbb{R} \right\}$$

**Aufgabe 6** (2 Punkte)



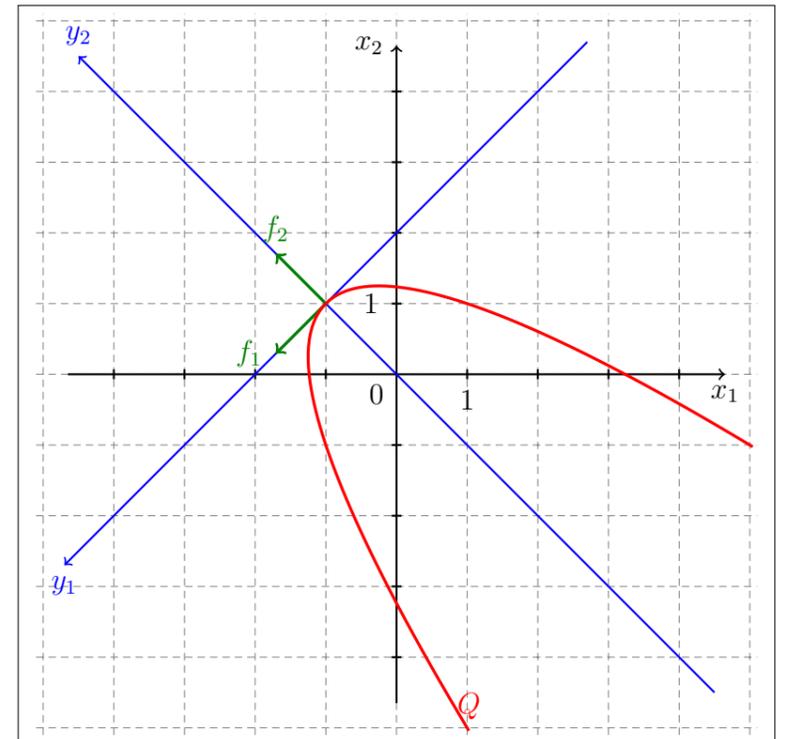
Bezüglich des Koordinatensystems

$$\mathbb{F} = \left( \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}; \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} \right)$$

sei die Quadrik  $Q$  beschrieben durch

$$\sqrt{2}y_1^2 + 2y_2 = 0.$$

Skizzieren Sie das Koordinatensystem  $\mathbb{F}$ , sowie die Quadrik  $Q$  in das Standardkoordinatensystem.



**Aufgabe 7** (2 Punkte)



Gegeben sei das zweischalige Hyperboloid  $Q = \{x \in \mathbb{R}^3 \mid 10x_1^2 + 20x_2^2 - 3x_3^2 + 1 = 0\}$

und die vom Parameter  $d \in \mathbb{R}$  abhängige Ebene  $E_d = \{x \in \mathbb{R}^3 \mid x_3 = d\}$ .

Bestimmen Sie jeweils alle  $d \in \mathbb{R}$  so, dass der Schnitt  $Q \cap E_d$  die angegebene Gestalt hat.

(a) Genau ein Punkt:  $d \in \left\{ -\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}} \right\}$

(b) Eine Ellipse mit den Halbachsen  $h_1 = \sqrt{2}$  und  $h_2 = 1$ :  $d \in \{-\sqrt{7}, \sqrt{7}\}$



**Aufgabe 8** (6 Punkte)

0 1 2 3 4 5 6

Wir betrachten die Quadrik  $Q = \{x \in \mathbb{R}^2 \mid x^T A x + 2 a^T x + c = 0\}$ .

(a) Seien  $A = \begin{pmatrix} -7 & -3 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $a = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ ,  $c = -2$ .

Bestimmen Sie eine Diagonalmatrix  $D$  und eine orthogonale Matrix  $F$  mit  $D = F^T A F$ .

$D = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & -8 \end{pmatrix}$        $F = \frac{1}{\sqrt{10}} \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$

Bestimmen Sie eine euklidische Normalform von  $Q$ :

$-y_1^2 + 4y_2^2 + 1 = 0$

(b) Seien  $A = \begin{pmatrix} 6 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $a = \begin{pmatrix} -12 \\ 7 \end{pmatrix}$ ,  $c = 24$ .

Bestimmen Sie eine euklidische Normalform von  $Q$ , sowie ein kartesisches Koordinatensystem, in dem  $Q$  diese Normalform annimmt.

Euklidische Normalform:

$\frac{6}{7}z_1^2 + 2z_2 = 0$

Koordinatensystem:

$\left( \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right)$

**Aufgabe 9** (5 Punkte)

0 1 2 3 4 5

Wir betrachten das Standardkoordinatensystem  $\mathbb{E} = (0; e_1, e_2, e_3)$  und ein weiteres affines Koordinatensystem  $\mathbb{F}$  für  $\mathbb{R}^3$ . Gegeben sei die Koordinatentransformation

${}_{\mathbb{E}}\kappa_{\mathbb{F}}: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3: v \mapsto \begin{pmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 0 & 10 & 3 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} v + \begin{pmatrix} -6 \\ 9 \\ 4 \end{pmatrix}$  sowie  ${}_{\mathbb{E}}P = \begin{pmatrix} -6 \\ 5 \\ -13 \end{pmatrix}$ .

(a) Geben Sie das Koordinatensystem  $\mathbb{F}$  an und bestimmen Sie  ${}_{\mathbb{E}}P$ :

$\mathbb{F} = \left( \begin{pmatrix} -6 \\ 9 \\ 4 \end{pmatrix}; \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 10 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{pmatrix} \right)$ ,  ${}_{\mathbb{E}}P = \begin{pmatrix} 4 \\ 20 \\ -2 \end{pmatrix}$ .

(b) Bestimmen Sie die Koordinatentransformation  ${}_{\mathbb{F}}\kappa_{\mathbb{E}}$ :

${}_{\mathbb{F}}\kappa_{\mathbb{E}}: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3: v \mapsto \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ -\frac{5}{3} & \frac{1}{3} & 0 \end{pmatrix} v + \begin{pmatrix} -4 \\ 3 \\ -13 \end{pmatrix}$ .

**Scheinklausur**

**Höhere Mathematik 1**

5. 2. 2022

Beachten Sie die folgenden **Hinweise**:

1 2 3 4

- **Bearbeitungszeit:** 90 Minuten
- **Erlaubte Hilfsmittel:** Zwei eigenhändig handbeschriebene Seiten DIN A4.
- Wer den Klausorraum vor Ende der Bearbeitungszeit endgültig verlässt, hat damit zu rechnen, dass seine Klausur als nicht bestanden gewertet wird.
- Eintragungen mit Bleistift oder Rotstift werden nicht gewertet.
- Die grau hinterlegten Kästchen dienen der Korrekturauswertung und sind freizulassen.
- Es wird nur die Angabe von Endergebnissen verlangt. Nebenrechnungen werden nicht gewertet und daher auch nicht eingesammelt.
- Folgende Werte der Winkelfunktionen könnten hilfreich sein:

$x$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\sin(x)$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos(x)$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0

*Viel Erfolg!*

**Aufgabe 1** (1 Punkt)

0 1

Kodieren Sie in den Feldern Ihre Matrikelnummer und Ihre Übungsgruppennummer, indem Sie die entsprechenden Kästen ausfüllen. Tragen Sie außerdem Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer in die unten stehenden Felder ein.

**Matrikelnummer:**

<input type="checkbox"/> 0							
<input type="checkbox"/> 1							
<input type="checkbox"/> 2							
<input type="checkbox"/> 3							
<input type="checkbox"/> 4							
<input type="checkbox"/> 5							
<input type="checkbox"/> 6							
<input type="checkbox"/> 7							
<input type="checkbox"/> 8							
<input type="checkbox"/> 9							

**Gruppe:**

<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0	<input type="checkbox"/> 0
<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1	<input type="checkbox"/> 1
<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2
<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3	<input type="checkbox"/> 3
<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4	<input type="checkbox"/> 4
<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5	<input type="checkbox"/> 5
<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6	<input type="checkbox"/> 6
<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7	<input type="checkbox"/> 7
<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8	<input type="checkbox"/> 8
<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9	<input type="checkbox"/> 9

**Name, Vorname:**

**Matrikelnummer:**

