

Name,  
Vorname:Matrikel-  
Nummer:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	Summe	Note
Punkte	/4	/3	/3	/3	/8	/4	/3	/2	/ 30	

Mathematik für Wirtschaftswissenschaftler

**Scheinklausur**

für Wirtschaftsinformatik

Beachten Sie die folgenden **Hinweise**:

- **Bearbeitungszeit:** 90 Minuten
- **Erlaubte Hilfsmittel:** Vier eigenhändig handbeschriebene Seiten DIN A4.
- Wer den Klausorraum vor Ende der Bearbeitungszeit endgültig verlässt, hat damit zu rechnen, dass seine Klausur als nicht bestanden gewertet wird.
- Eintragungen mit Bleistift oder Rotstift sind unerwünscht.
- Die **Ergebnisse** sind in fertiggerechneter Form in die vorgesehenen Kästen einzutragen. Nebenrechnungen werden nicht gewertet und daher auch nicht eingesammelt.

*Viel Erfolg!***Aufgabe 1 (4 Punkte)**

(a) Berechnen Sie den Binomialkoeffizienten:  $\binom{8}{3} =$

(b) Berechnen Sie:  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{5^k} =$

(c) Berechnen Sie:  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x^2)}{x-1} =$

(d) Berechnen Sie den Flächeninhalt des von den Vektoren  $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$  und  $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$  in  $\mathbb{R}^{3 \times 1}$  aufgespannten

Parallelogramms:

**Aufgabe 2 (3 Punkte)** Berechnen Sie folgende inverse Matrix in  $\mathbb{R}^{3 \times 3}$ .

$$\begin{pmatrix} -1 & -2 & 4 \\ 0 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}^{-1} =$$

---

**Aufgabe 3 (3 Punkte)**

Es laufe ein Sparvertrag. Der jährliche Zinssatz betrage  $p = 10\%$ .

Sei  $K_1 = 1210\text{€}$  das Kapital nach einem Jahr.

(a) Welchen Betrag an Zinsen hat die Bank nach einem Jahr bezahlt?

Antwort:  $K_1 - K_0 =$   €

(b) Berechnen Sie das Guthaben nach zwei Jahren:  $K_2 =$   €

(c) Wie lange dauert es, bis ein Kapital von  $2 \cdot K_0$  erreicht ist?

Es dauert  $n =$   Jahre.

---

**Aufgabe 4 (3 Punkte)** Sei  $s \in \mathbb{R}$  ein Parameter. Sei  $A_s = \begin{pmatrix} s & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$ .

(a) Bestimmen Sie den Hauptminor  $M_1(A_s) =$

(b) Bestimmen Sie den Hauptminor  $M_2(A_s) =$

(c) Für welche  $s \in \mathbb{R}$  ist  $A_s$  positiv definit? Antwort:

---

## Aufgabe 5 (8 Punkte) Seien

$$f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R} : (x, y, z) \mapsto f(x, y, z) := 3y^3 + xyz$$

$$g : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R} : (x, y, z) \mapsto g(x, y, z) := x - 7y - 2z - 3.$$

Es soll untersucht werden, ob  $(-2, -1, 1)$  eine lokale Extremstelle von  $f$  unter Nebenbedingung  $g = 0$  ist.

- (a) Berechnen Sie die Gradienten von  $f$  und  $g$ .

$$\nabla_f(x, y, z) =$$

$$\nabla_g(x, y, z) =$$

- (b) Bestimmen Sie  $\rho \in \mathbb{R}$  so, dass  $\nabla_f(-2, -1, 1) = \nabla_g(-2, -1, 1) \cdot \rho$  ist:  $\rho =$

- (c) Bestimmen Sie die Hessematrix  $H_f(x, y, z)$  und die Matrix  $H := H_f(-2, -1, 1) - \rho \cdot H_g(-2, -1, 1)$ .

$$H_f(x, y, z) =$$

$$H =$$

- (d) Sei  $N = N(-2, -1, 1) = \nabla_g(-2, -1, 1) \in \mathbb{R}^{3 \times 1}$ . Sei  $U$  eine Matrix, deren Spaltentupel eine Basis von  $\{u \in \mathbb{R}^{3 \times 1} : N^t u = 0\}$  ist. Man berechne  $U$  und  $U^t H U$ .

$$U =$$

$$U^t H U =$$

- (e) Auf die Stelle  $(-2, -1, 1)$  treffen welche der folgenden Charakterisierungen unter Nebenbedingung  $g = 0$  zu? Tragen Sie an **jeder** Stelle der folgenden Tabelle **„ja“** oder **„nein“** ein.

	Flachstelle	lokale Minimalstelle	lokale Maximalstelle	Sattelstelle
$(-2, -1, 1)$				

