

Name,
Vorname:Matrikel-
Nummer:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	Summe	Note
Punkte	/4	/3	/3	/3	/8	/4	/3	/2	/ 30	

Mathematik für Wirtschaftswissenschaftler

Scheinklausur

für Wirtschaftsinformatik

Beachten Sie die folgenden **Hinweise**:

- **Bearbeitungszeit:** 90 Minuten
- **Erlaubte Hilfsmittel:** Vier eigenhändig handbeschriebene Seiten DIN A4.
- Wer den Klausorraum vor Ende der Bearbeitungszeit endgültig verlässt, hat damit zu rechnen, dass seine Klausur als nicht bestanden gewertet wird.
- Eintragungen mit Bleistift oder Rotstift sind unerwünscht.
- Die **Ergebnisse** sind in fertiggerechneter Form in die vorgesehenen Kästen einzutragen. Nebenrechnungen werden nicht gewertet und daher auch nicht eingesammelt.

*Viel Erfolg!***Aufgabe 1 (4 Punkte)**

(a) Berechnen Sie den Binomialkoeffizienten: $\binom{8}{3} =$

(b) Berechnen Sie: $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{5^k} =$

(c) Berechnen Sie: $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x^2)}{x-1} =$

(d) Berechnen Sie den Flächeninhalt des von den Vektoren $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ und $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ in $\mathbb{R}^{3 \times 1}$ aufgespannten

Parallelogramms:

Aufgabe 2 (3 Punkte) Berechnen Sie folgende inverse Matrix in $\mathbb{R}^{3 \times 3}$.

$$\begin{pmatrix} -1 & -2 & 4 \\ 0 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}^{-1} =$$

Aufgabe 3 (3 Punkte)

Es laufe ein Sparvertrag. Der jährliche Zinssatz betrage $p = 10\%$.

Sei $K_1 = 1210\text{€}$ das Kapital nach einem Jahr.

(a) Welchen Betrag an Zinsen hat die Bank nach einem Jahr bezahlt?

Antwort: $K_1 - K_0 =$ €

(b) Berechnen Sie das Guthaben nach zwei Jahren: $K_2 =$ €

(c) Wie lange dauert es, bis ein Kapital von $2 \cdot K_0$ erreicht ist?

Es dauert $n =$ Jahre.

Aufgabe 4 (3 Punkte) Sei $s \in \mathbb{R}$ ein Parameter. Sei $A_s = \begin{pmatrix} s & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$.

(a) Bestimmen Sie den Hauptminor $M_1(A_s) =$

(b) Bestimmen Sie den Hauptminor $M_2(A_s) =$

(c) Für welche $s \in \mathbb{R}$ ist A_s positiv definit? Antwort:

Aufgabe 5 (8 Punkte) Seien

$$f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R} : (x, y, z) \mapsto f(x, y, z) := 3y^3 + xyz$$

$$g : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R} : (x, y, z) \mapsto g(x, y, z) := x - 7y - 2z - 3.$$

Es soll untersucht werden, ob $(-2, -1, 1)$ eine lokale Extremstelle von f unter Nebenbedingung $g = 0$ ist.

- (a) Berechnen Sie die Gradienten von f und g .

$$\nabla_f(x, y, z) =$$

$$\nabla_g(x, y, z) =$$

- (b) Bestimmen Sie $\rho \in \mathbb{R}$ so, dass $\nabla_f(-2, -1, 1) = \nabla_g(-2, -1, 1) \cdot \rho$ ist: $\rho =$

- (c) Bestimmen Sie die Hessematrix $H_f(x, y, z)$ und die Matrix $H := H_f(-2, -1, 1) - \rho \cdot H_g(-2, -1, 1)$.

$$H_f(x, y, z) =$$

$$H =$$

- (d) Sei $N = N(-2, -1, 1) = \nabla_g(-2, -1, 1) \in \mathbb{R}^{3 \times 1}$. Sei U eine Matrix, deren Spaltentupel eine Basis von $\{u \in \mathbb{R}^{3 \times 1} : N^t u = 0\}$ ist. Man berechne U und $U^t H U$.

$$U =$$

$$U^t H U =$$

- (e) Auf die Stelle $(-2, -1, 1)$ treffen welche der folgenden Charakterisierungen unter Nebenbedingung $g = 0$ zu? Tragen Sie an **jeder** Stelle der folgenden Tabelle **„ja“** oder **„nein“** ein.

	Flachstelle	lokale Minimalstelle	lokale Maximalstelle	Sattelstelle
$(-2, -1, 1)$				

